



Übung zur Vorlesung
Einsatz und Realisierung von Datenbanksystemen im SoSe14

Moritz Kaufmann (moritz.kaufmann@tum.de)
<http://www-db.in.tum.de/teaching/ss14/impldb/>

Blatt Nr. Ausnahme

Aufgabe 1

Sie fangen die folgende, mit RSA verschlüsselte Nachricht ab: 13. Sie kennen den öffentlichen Schlüssel (3,15). Wie lautet die Nachricht im Klartext? Geben Sie die komplette Herleitung an.

Alles laut Wikipedia <https://de.wikipedia.org/wiki/RSA-Kryptosystem>:

- Öffentlicher Schlüssel (e, N)
- Privater Schlüssel: (d, N)

$$N = p * q$$

mit p und q sehr großen Primzahlen. e , der sog. Verschlüsselungsexponent wird als Teilerfremde zahl zu $\phi(N)$ gewählt, wobei gilt $1 < e < \phi(N)$. $\phi(N)$ ist hierbei definiert als $\phi(N) = (p - 1) * (q - 1)$. d , der sog. Entschlüsselungsexponent, ist gerade das multiplikative inverse von e bezüglich des Moduls $\phi(N)$. Die Berechnung erfolgt mittels erweiterten euklidischen Algorithmus.

Die Entschlüsselung einer verschlüsselten Nachricht C zu ihrem Klartext K erfolgt mittels der Formel

$$K = C^d \pmod{N}.$$

Aus der Angabe wissen wir:

- $N = 15$
- $e = 3$
- $C = 13$

Wir müssen also zunächst d berechnen. Dies wäre einfach, wenn wir $\phi(N)$ wüssten. Hierzu ist die Primfaktorzerlegung von N nötig. Dies ist für die Zahl 15 äußerst einfach, es gilt $N = 5 * 3$. Damit ist $\phi(N) = 4 * 2 = 8$. Die Lösung der Kongruenz

$$e * d \equiv 1 \pmod{\phi(N)}$$

bzw. im konkreten Fall

$$3 * d \equiv 1 \pmod{8}$$

können wir raten, indem wir alle im Bezug auf 8 teilerfremden Zahlen z betrachten, für die gilt: $1 < z < 8$.

Für $z = 3$ gilt $3 * 3 \equiv 1 \pmod{8}$, womit $d = 3$ ist.

Wir entschlüsseln nun die Nachricht:

$$K = 13^3 \pmod{15} = 7$$

Der Klartext K ist also 7.

Aufgabe 2

Gegeben das folgende Schema der EDB¹:

`Product(maker, model, type).`

¹Inspired by and mostly taken from http://people.inf.elte.hu/sila/DB1English/exercise06_products.pdf.

```
PC(model, speed, ram, hd, price).
Laptop(model, speed, ram, hd, screen, price).
Printer(model, color, type, price).
```

Benatworten Sie in Datalog:

- a) What PC models have a speed of at least 3.00 GHz?

```
fastcpu(MODEL) :- pc(MODEL,S,R,H,P), S>=3.0.
```

- b) Which manufacturers make laptops with a hard disk (hd) of at least 100 GB?

```
makerlh(MAKER) :- laptop(MODEL,_,_,HDD,_,_),
    product(MAKER,MODEL,laptop),
    HDD>=100.
```

- c) Find the model number and price of products (of any type) made by manufacturer B.

```
allmodels(MAKER,MODEL,TYPE,PRICE) :-
    product(MAKER,M,TYPE),
    pc(M,_,_,_,PRICE),
    MODEL=M.
```

```
allmodels(MAKER,MODEL,TYPE,PRICE) :-
    product(MAKER,M,TYPE),
    laptop(M,_,_,_,_,PRICE),
    MODEL=M.
```

```
allmodels(MAKER,MODEL,TYPE,PRICE) :-
    product(MAKER,M,TYPE),
    printer(M,_,_,PRICE),
    MODEL=M.
```

```
bproducts(M,T,P) :- allmodels(b,M,T,P).
```

- d) Find the model numbers of all color laser printers.

```
cprinters(MODEL) :- printer(MODEL,color,laser,_).
```

- e) Find those manufacturers that sell Laptops, but not PC's.

```
pcmakers(MAKER) :- allmodels(MAKER,_,pc,_).
laptopmakers(MAKER) :- allmodels(MAKER,_,laptop,_).
```

```
makerslnp(MAKER) :- laptopmakers(MAKER),not(pcmakers(MAKER)).
```

- f) Find those hard-disk sizes that occur in two or more PC's.

```
hdds(HDDSIZE) :- pc(MODELA,_,_,HDDSIZE,_), pc(MODELB,_,_,HDDSIZE,_),
    MODELA\=MODELB.
```

- g) Find those pairs of PC models that have both the same cpu speed and RAM. A pair should be listed only once, e.g., list (i,j) but not (j,i).

```
pcpair(MODELA,MODELB) :-
    pc(MODELA,SPEEDA,RAMA,_,_),
    pc(MODELB,SPEEDB,RAMB,_,_),
    SPEEDA=SPEEDB,
    RAMA=RAMB,
    MODELA<MODELB.
```

- h) Find those manufacturers of at least two different computers (PC's or laptops) with speeds of at least 2.80 GHz.

```
computer(MAKER,MODEL,SPEED,RAM,HDD,PRICE) :-
    pc(MODEL,SPEED,RAM,HDD,PRICE), product(MAKER,MODEL,_).
computer(MAKER,MODEL,SPEED,RAM,HDD,PRICE) :-
    laptop(MODEL,SPEED,RAM,HDD,_,PRICE), product(MAKER,MODEL,_).

manyfast(MAKER) :-
    group_by((computer(MAKER,MODEL,SPEED,RAM,HDD,PRICE), SPEED>=2.8),
             [MAKER], COUNT=count),
    COUNT >= 2.
```

- i) Find the manufacturers of the computer (PC or laptop) with the highest available speed.

```
fastestmaker(MAKER) :-
    max(computer(_,_,COMPSPEED,_,_,_),COMPSPEED,MAXSPEED),
    computer(MAKER,_,SPEED,_,_,_),
    SPEED=MAXSPEED.
```

- j) Find the manufacturers of PC's with at least three different cpu speeds.

```
% pc(maker,model,speed,ram,hdd,price)
pc(MAKER,MODEL,SPEED,RAM,HDD,PRICE) :-
    pc(MODEL,SPEED,RAM,HDD,PRICE),
    product(MAKER,MODEL,_).

pcMakerAndSpeed(MAKER,SPEED) :- pc(MAKER,_,SPEED,_,_,_).

threecpumaker(MAKER) :-
    group_by(pcMakerAndSpeed(MAKER,SPEED), [MAKER], COUNT=count),
    COUNT>=3.
```

- k) Find the manufacturers who sell exactly three different models of PC.

```
exactthreemaker(MAKER) :-
    group_by(product(MAKER,_,pc), [MAKER], COUNT=count),
    COUNT=3.
```

Nun fügen wir der EDB folgende Einträge hinzu:

```
ModelParts(model,partname)
Part(partname,maker)
ConsistsOf(partname,partname)
```

`part` ist hierbei ein Bauteil eines Geräts, `marker` ist der Hersteller des Bauteils. `ModelParts` verbindet ein Modell aus den ursprünglichen Daten mit seinem/seinen Bauteilen. `ConsistsOf` beschreibt die Hierarchische Beziehung zwischen Bauteilen.

‘kompaktes’ Beispiel:

```
ModelParts(workstation,mainboard-hl7).
ModelParts(workstation,hdd30g).
Part(mainboard-hl7,asuz).
Part(gpu7700,nvidio).
Part(hdd30g,sealgate).
Part(transistor,foxcom).
Part(motor,enginesUnited).
Part(wire,theWireCompany).
Part(magnet,theMagnetCompany).
ConsistsOf(hdd30g,transistor).
ConsistsOf(hdd30g,motor).
ConsistsOf(motor,wire).
ConsistsOf(motor,magnet).
...
```

Beantworten Sie in Datalog:

- l) Find all models containing parts made by `sealgate`.

```
consistsOfRec(PARTNAME1,PARTNAME2) :-
    consistsOf(PARTNAME1,PARTNAME2).
consistsOfRec(PARTNAME1,PARTNAME2) :-
    consistsOf(PARTNAME1,P),consistsOfRec(P,PARTNAME2).

modelPartsRec(MODEL,PARTNAME,PARTMAKER) :-
    modelParts(MODEL,PARTNAME),part(PARTNAME,PARTMAKER).
modelPartsRec(MODEL,PARTNAME,PARTMAKER) :-
    modelParts(MODEL,P),consistsOfRec(P,PARTNAME),
    part(PARTNAME,PARTMAKER).

sealgateModels(MODEL) :- modelPartsRec(MODEL,_,sealgate).
```

- m) Find all models which contain two different parts by the same maker (regardless of where in the hierarchy).

```
twoparts(MODEL) :-
    modelPartsRec(MODEL,PARTNAME1,PARTMAKER),
    modelPartsRec(MODEL,PARTNAME2,PARTMAKER),
    PARTNAME1 < PARTNAME2.
```

Aufgabe 3

Wann genau können die Sperren gemäß dem strengen 2PL-Protokoll freigegeben werden? Denken Sie an die Recovery-Komponente.

Die Schreibsperrungen müssen so lange gehalten werden, bis ein lokales Zurücksetzen der Transaktion nicht mehr nötig ist. Dies bedeutet, dass die Sperren als letzte Aktion der **commit**-Behandlung freigegeben werden. In der **commit**-Behandlung werden eventuell noch Konsistenzchecks durchgeführt. Falls etwa eine Verletzung einer referentiellen Integrität festgestellt wird, so muss die entsprechende Transaktion lokal zurückgesetzt werden.

Aufgabe 4

Berechnen Sie, wie groß ein Data Warehouse für ein Handelsunternehmen wie Quelle oder Amazon.com wäre, wenn die Bestelldaten der letzten 3 Jahre enthalten sind. Verwenden Sie den Jahresumsatz von Amazon als Ausgangspunkt Ihrer Abschätzung.